



Programación de sistemas

Pilas y Colas

Julio Villena Román
<jvillena@it.uc3m.es>

MATERIALES BASADOS EN EL TRABAJO DE DIFERENTES AUTORES:
Carlos Delgado Kloos, Jesús Arias Fisteus, Carlos Alario Hoyos

Contenidos

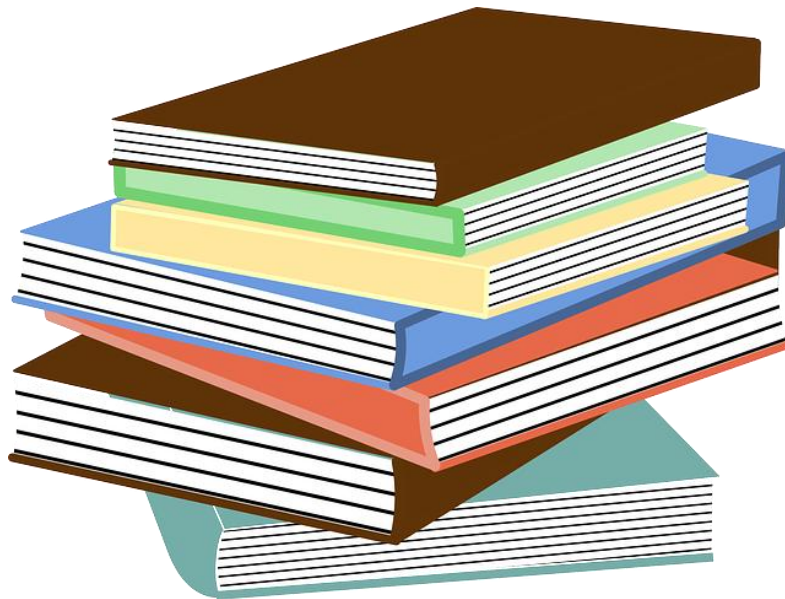
- ❖ Pilas (*stacks*)
- ❖ Colas (*queues*)
- ❖ Colas dobles (*deques – double-ended queues*)



Pilas



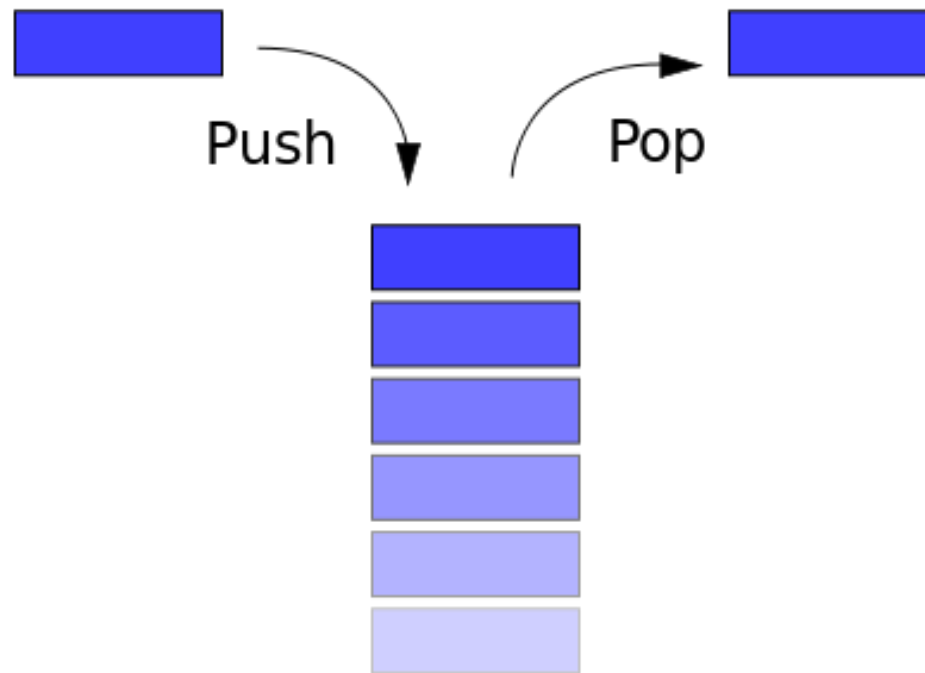
- Estructura de datos lineal
- Inserción y extracción por un único extremo
 - ✓ LIFO (*Last-In-First-Out*)



Pilas



- Insertar por un extremo: `push (x)`
- Extraer por el mismo extremo: `pop ()`



Ejemplo: Revisión de paréntesis



- Correcto:

-
- ()
- (()())



- Incorrecto:

-)(
- ((
- ())



- Reglas:

- Básica: apertura + cierre
- Secuenciación: ()()
- Anidamiento: (()())

Ejemplo:

Revisión de paréntesis



Reglas:

- Cada vez que encontremos un “(” se añade a la pila
- Cada vez que encontremos un “)” se extraerá el “(” de arriba de la pila
- La expresión con paréntesis es correcta si la pila está vacía al acabar la expresión y siempre hemos encontrado un “)” correspondiente a un “(”



Ejemplo:

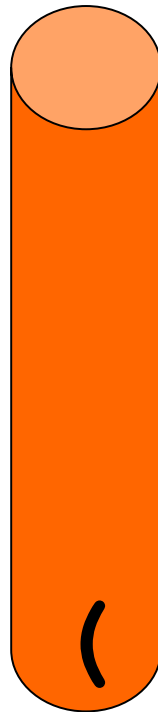
((()())())



((()())())

Ejemplo:

((()((()())()))



~~(~~ (((()))))



Ejemplo:

((()())())

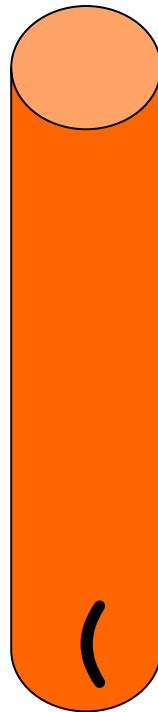


~~(())~~ (()) ())



Ejemplo:

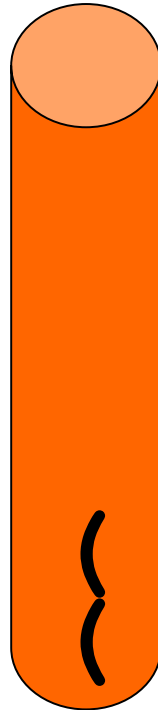
((()())())



~~((()~~ ((()())())

Ejemplo:

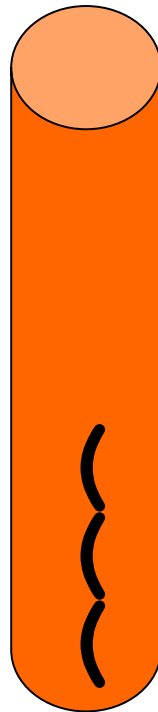
((()((()()))))



~~((~~~~)~~~~)~~~~(~~~~(~~~~)~~~~)~~~~(~~~~)~~~~)~~~~(~~~~)~~~~)~~

Ejemplo:

((()())())

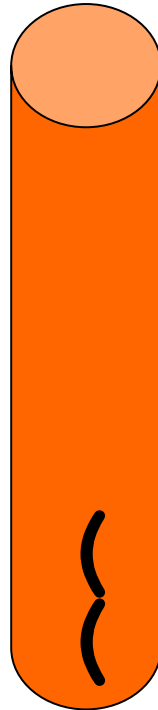


~~((()())())~~ (()) (())



Ejemplo:

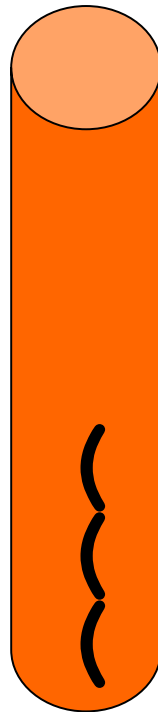
((()())())



~~((()~~ ~~))~~ ~~(()~~ ~~)~~ () ()

Ejemplo:

((()((()())()))



~~((()~~ ~~(((~~ ~~))~~ ~~))~~ ~~))~~) (())



Ejemplo:

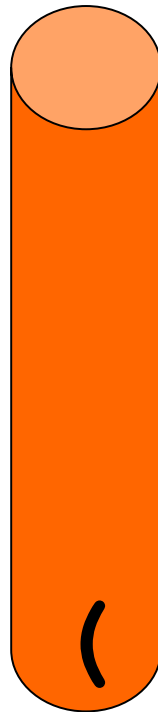
((()((()()))))



~~((()((()()))))~~ (())

Ejemplo:

((()((()()))))



~~((()((()()))))~~

Ejemplo:

((()())())

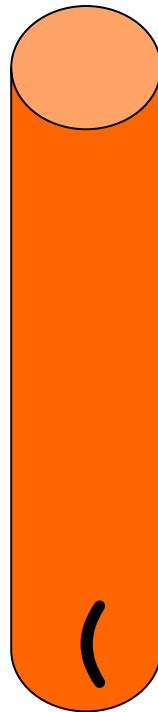


~~((()())())~~



Ejemplo:

((()())())



~~((()())())~~

Ejemplo:

((()())())



Correcto: Expresión completa y pila vacía!!

~~((()())())~~



Ejemplo:

([] { () < > } ())



Correcto: Expresión completa y pila vacía!!

~~([] { () < > } ())~~

Ejemplo: HTML



```
<b><i>hello</b></i>
```

- Correcto en HTML 1.0-4.0
- Incorrecto en XHTML

```
<b><i>hello</i></b>
```

- Correcto en ambos



Interfaz para pilas



```
public interface Stack<E> {  
    boolean isEmpty();  
    int size();  
    E top();  
    void push(E info);  
    E pop();  
}
```



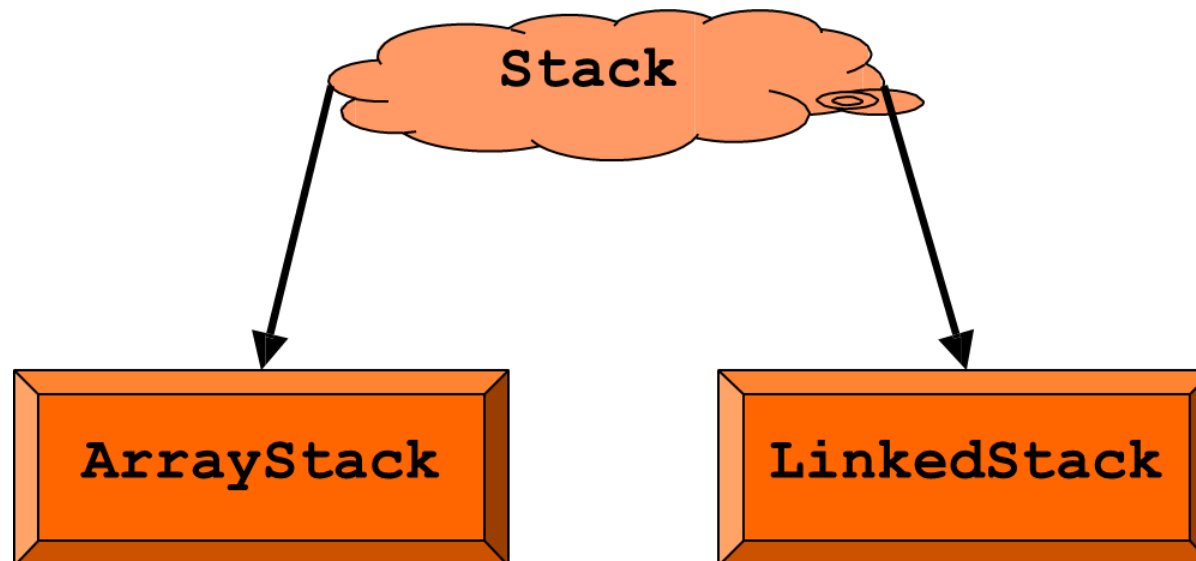
Interfaz para pilas (con excepciones)

```
public interface Stack<E> {  
    boolean isEmpty();  
    int size();  
    E top() throws  
        EmptyStackException;  
    void push(E info) throws  
        StackOverflowException;  
    E pop() throws  
        EmptyStackException;  
}
```



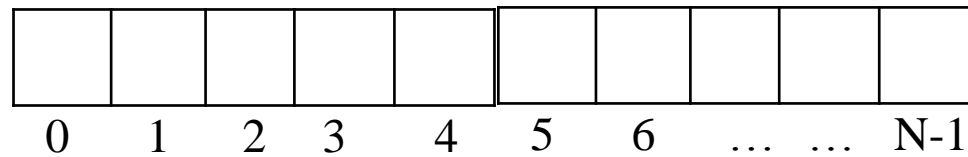
Una interfaz dos implementaciones

- Implementación basada en arrays:
 - ✓ `ArrayStack`
- Implementación basada en listas enlazadas:
 - ✓ `LinkedStack`



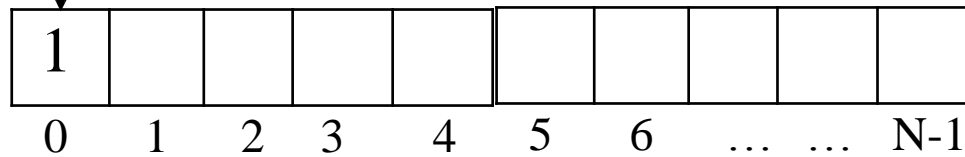
ArrayStack

top
↓



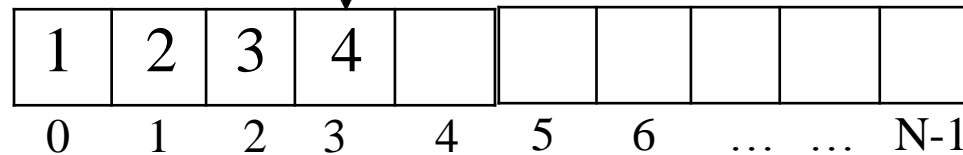
Pila vacía

top
↓



Pila con 1 elemento

top
↓



Pila con 4 elementos

ArrayStack (I)

```
public class ArrayStack<T> implements Stack<E> {  
    public static final int DEFAULT_CAPACITY = 1000;  
    private int capacity;  
    private E data[];  
    private int top = -1;  
    public ArrayStack() {  
        this(DEFAULT_CAPACITY);  
    }  
    public ArrayStack(int capacity) {  
        this.capacity = capacity;  
        data = new E[capacity];  
    }  
}
```



ArrayStack (II)

```
...  
public int size() {  
    return (top + 1);  
}  
public boolean isEmpty() {  
    return (top < 0);  
}  
public E top() throws EmptyStackException {  
    if (isEmpty())  
        throw new EmptyStackException("Empty");  
    return data[top];  
}  
...
```



ArrayStack (III)

```
...  
public void push(E o)  
    throws StackOverflowException {  
    if (size == capacity)  
        throw new StackOverflowException();  
    data[++top] = o;  
}  
...
```



ArrayStack (IV)

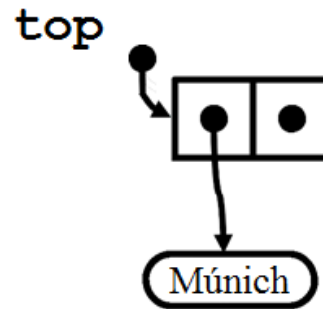
```
...
public E pop() throws StackEmptyException {
    E o;
    if (top == -1)
        throw new EmptyStackException();
    o = data[top];
    data[top--] = null;
    return o;
}
}
```



LinkedStack

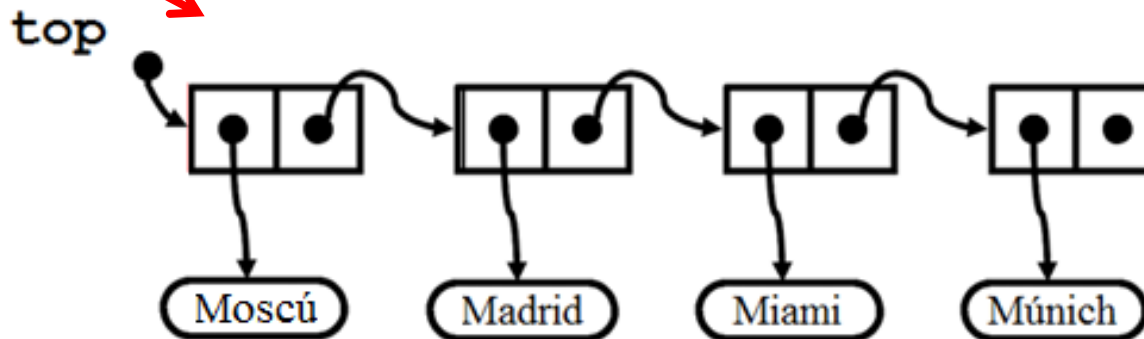
top ●

Pila vacía



Pila con 1 elemento

Extremo de
inserción y
extracción



Pila con 4 elementos



Recordando la clase Node

```
public class Node<E> {  
    private E info;  
    private Node<E> next;  
  
    public Node()    {...}  
    public Node(E info)    {...}  
    public Node(E info, Node<E> next)    {...}  
  
    public Node<E> getNext() {...}  
    public void setNext(Node<E> next) {...}  
    public E getInfo() {...}  
    public void setInfo(E info) {...}  
  
}
```



LinkedList (I)

```
public class LinkedList<E> implements Stack<E> {  
    private Node<E> top;  
    private int size;  
    public LinkedList() {  
        top = null;  
        size = 0;  
    }
```

Atributos

Constructor

```
    public boolean isEmpty() {  
        return (top == null);  
    }
```

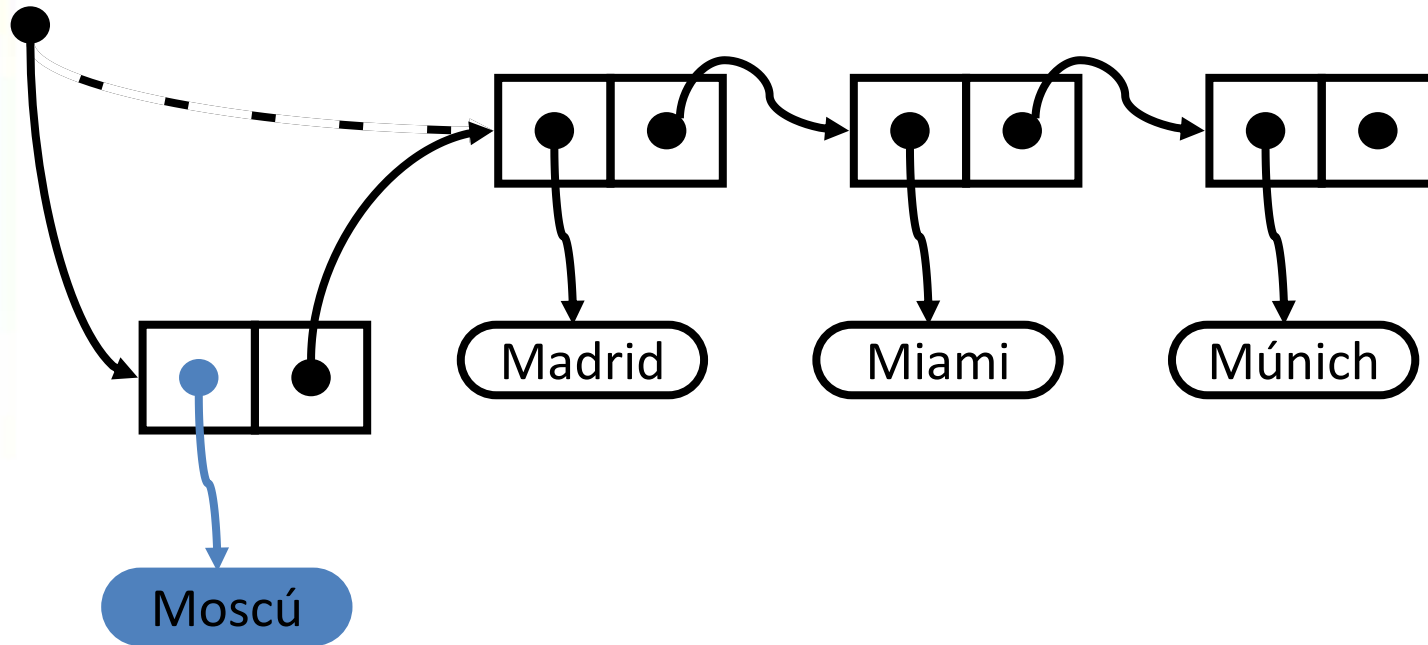
```
    public int size() {  
        return size;  
    }
```

```
    public E top() {  
        if(isEmpty()){  
            return null;  
        }  
        return top.getInfo();  
    }
```

**Métodos de la interfaz
Stack a implementar (I)**

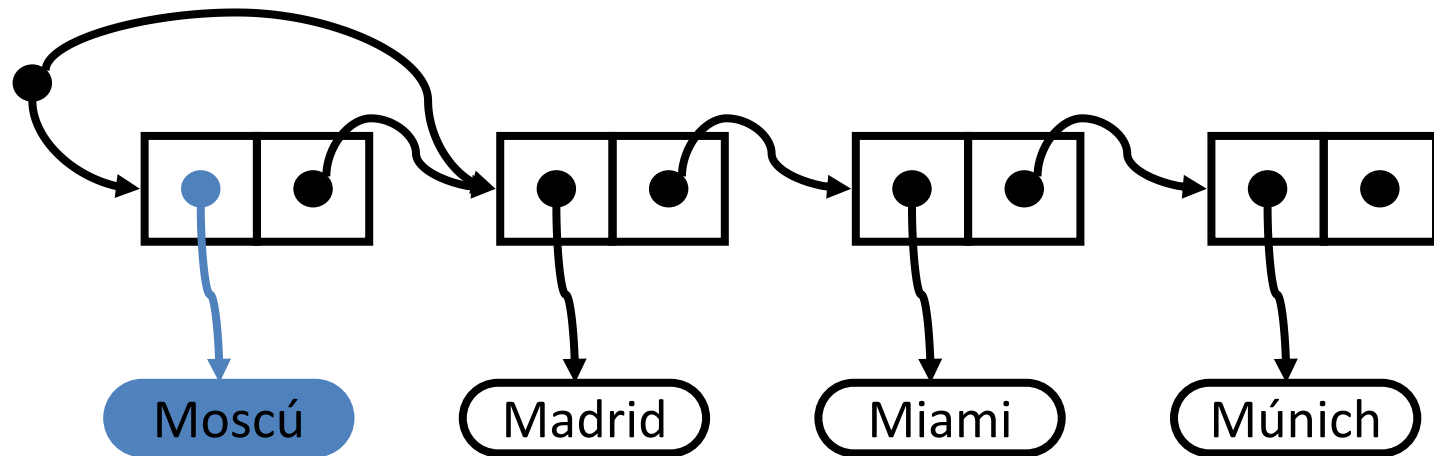
Inserción (push)

top



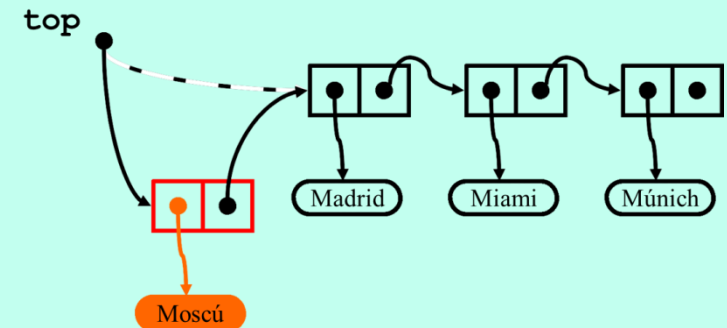
Extracción (pop)

top

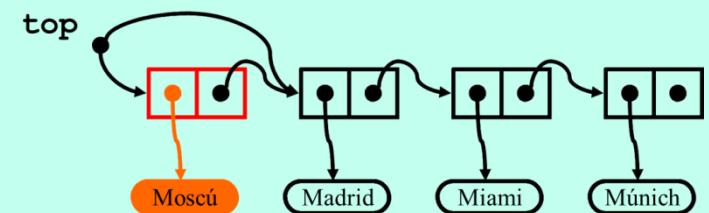


LinkedList (II)

```
...  
public void push(E info) {  
    Node<E> n = new Node<E>(info, top);  
    top = n;  
    size++;  
}  
  
public E pop() {  
    E info;  
    if(isEmpty()) {  
        return null;  
    } else {  
        info = top.getInfo();  
        top = top.getNext();  
        size--;  
        return info;  
    }  
}
```



Métodos de la interfaz Stack a implementar (II)



Colas

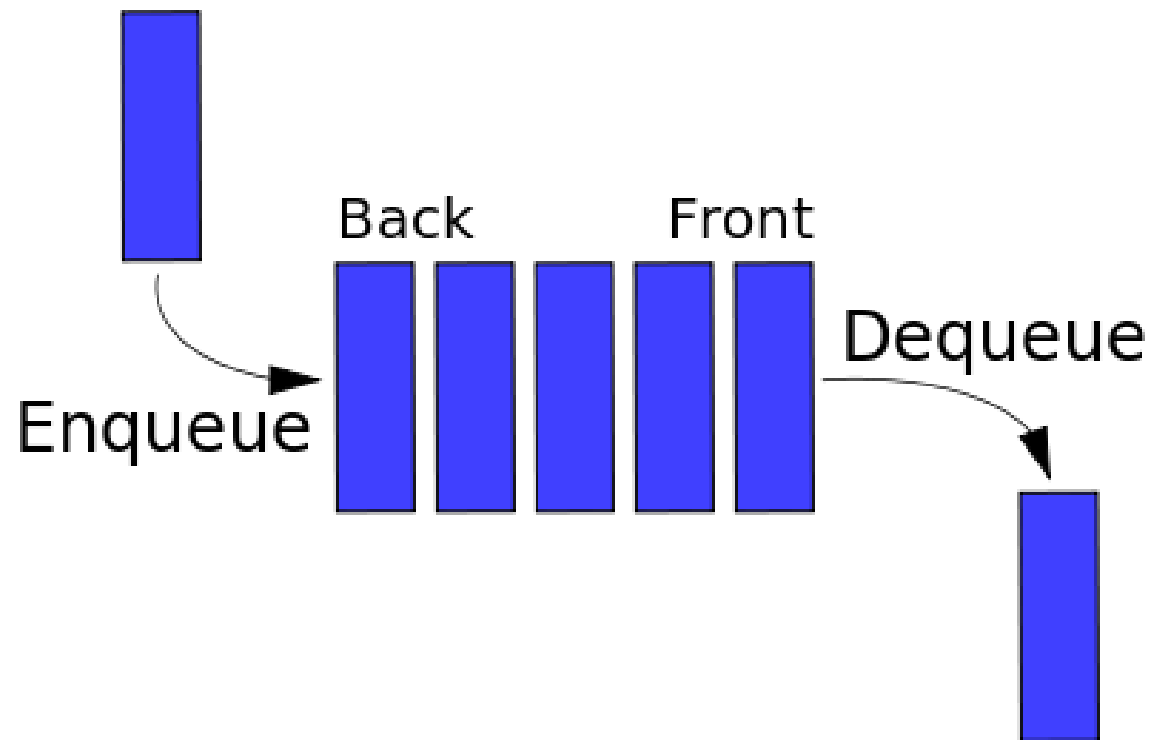
- Estructura de datos lineal
- Inserción por un extremo y extracción por el extremo opuesto
 - ✓ FIFO (*First-In-First-Out*)



Colas



- Insertar por un extremo: enqueue (x)
- Extraer por el extremo opuesto: dequeue ()



Interfaz para colas



```
public interface Queue<E> {  
    boolean isEmpty();  
    int size();  
    E front();  
    void enqueue (E info);  
    E dequeue();  
}
```



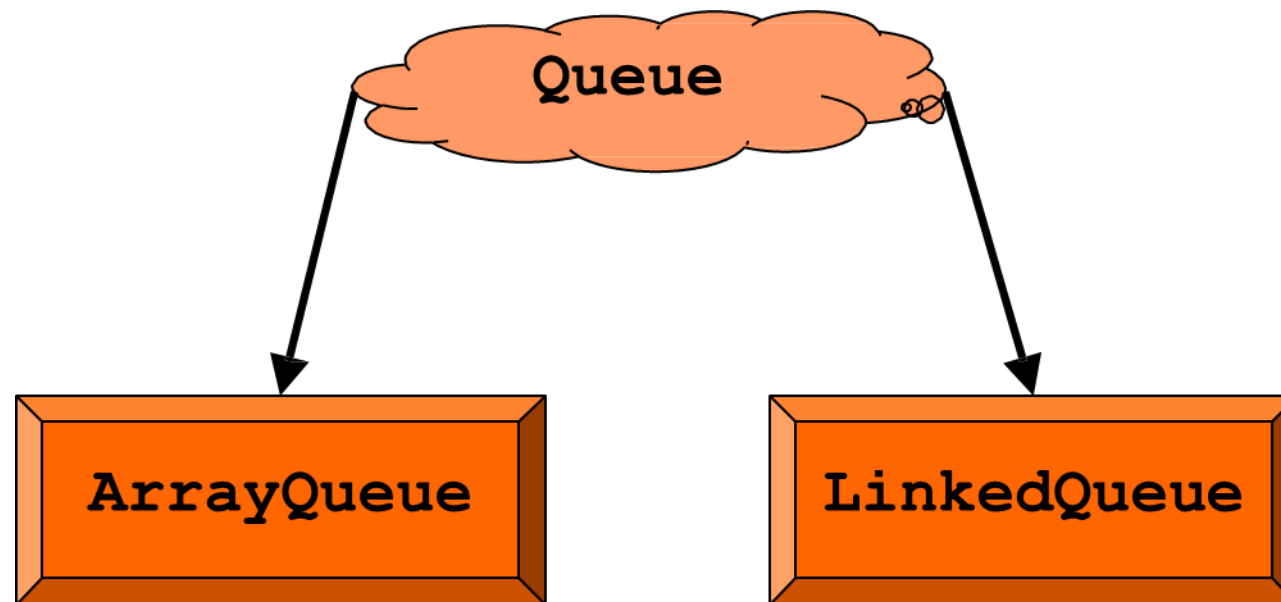
Interfaz para colas (con excepciones)

```
public interface Queue<E> {  
    boolean isEmpty();  
    int size();  
    E front() throws  
        EmptyQueueException;  
    void enqueue (E info) throws  
        QueueOverflowException;  
    E dequeue() throws  
        EmptyQueueException;  
}
```



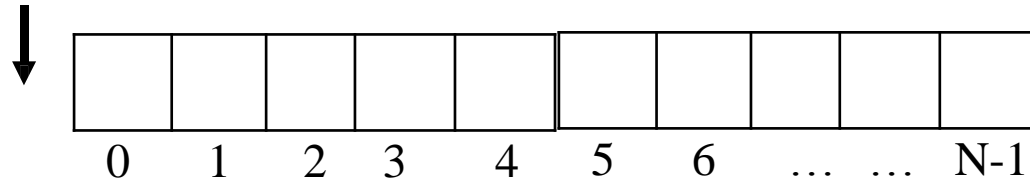
Una interfaz dos implementaciones

- Implementación basada en arrays:
 - ✓ `ArrayQueue`
- Implementación basada en listas enlazadas:
 - ✓ `LinkedList`



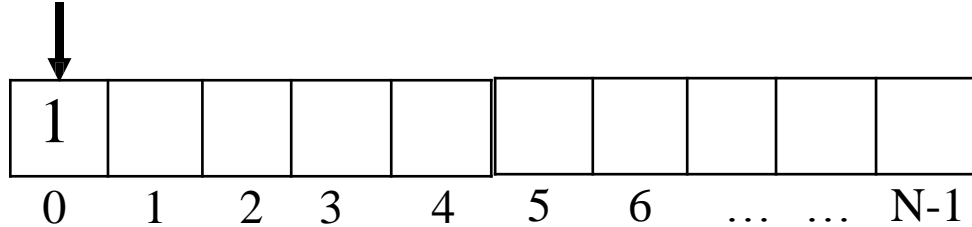
ArrayQueue

top tail



Cola vacía

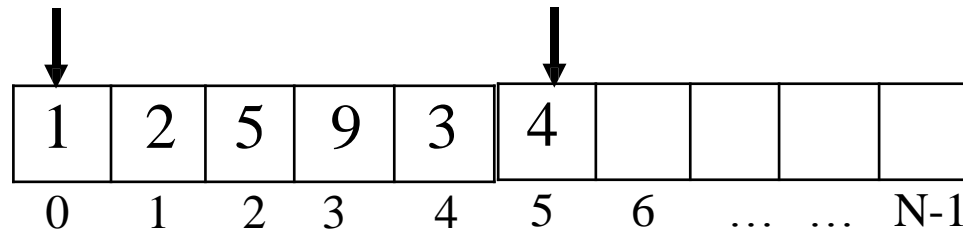
top tail



Insertamos 1 elemento

top

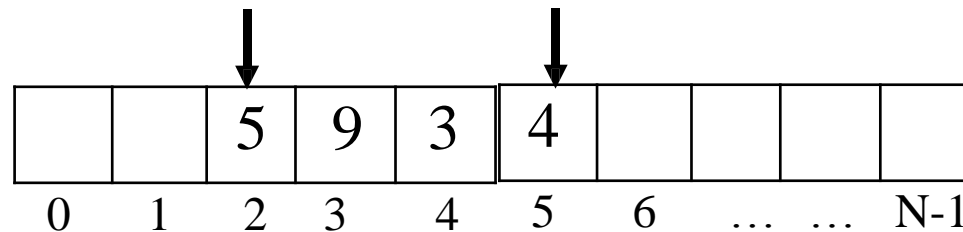
tail



Insertamos 5
elementos más

top

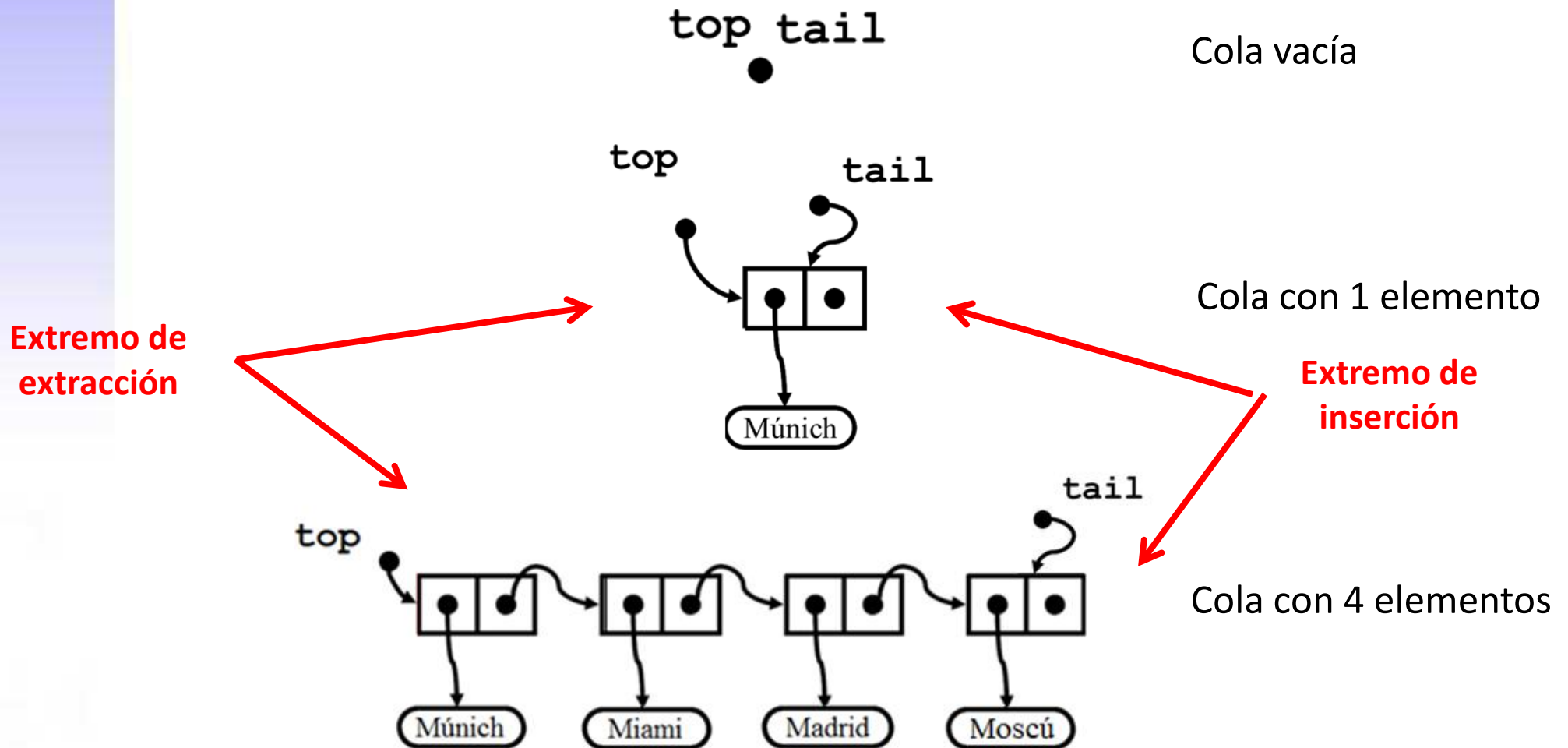
tail



Extraemos dos
elementos



LinkedQueue



LinkedList (I)

```
public class LinkedList<E> implements Queue<E> {
    private Node<E> top = null;
    private Node<E> tail = null;
    private int size = 0;
    public LinkedList(){
        top = null;
        tail = null;
        size = 0;
    }

    public boolean isEmpty() {
        return (top == null);
    }

    public int size() {
        return size;
    }

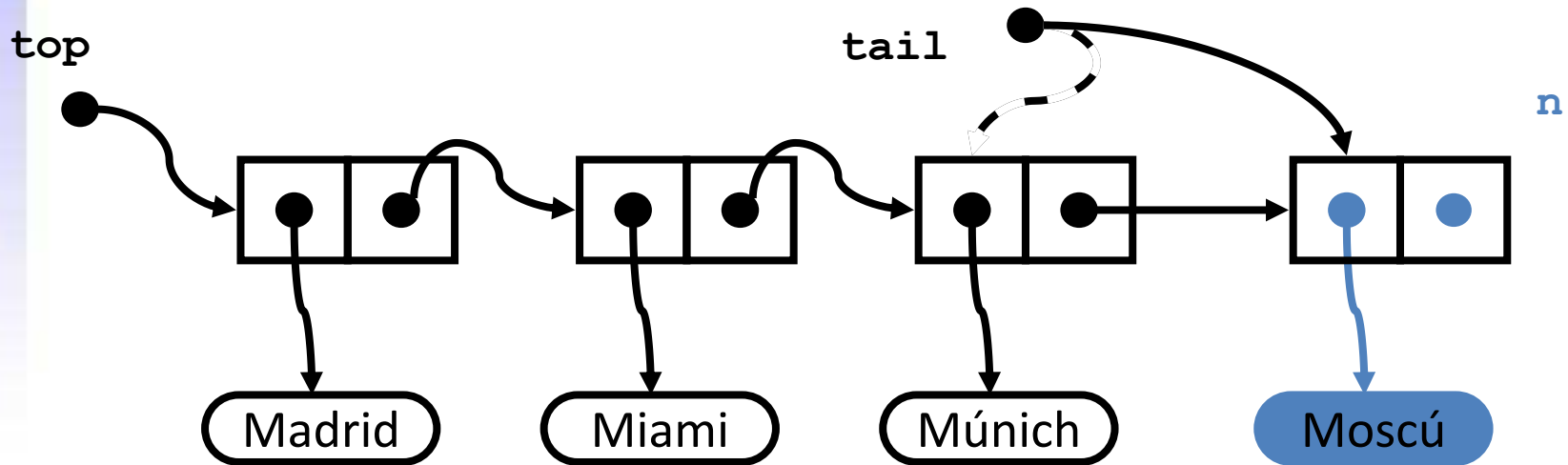
    public E front() {
        if (isEmpty()){
            return null;
        } else {
            return top.getInfo();
        }
    }
}
```

Atributos

Constructor

**Métodos de la interfaz
Queue a implementar (I)**

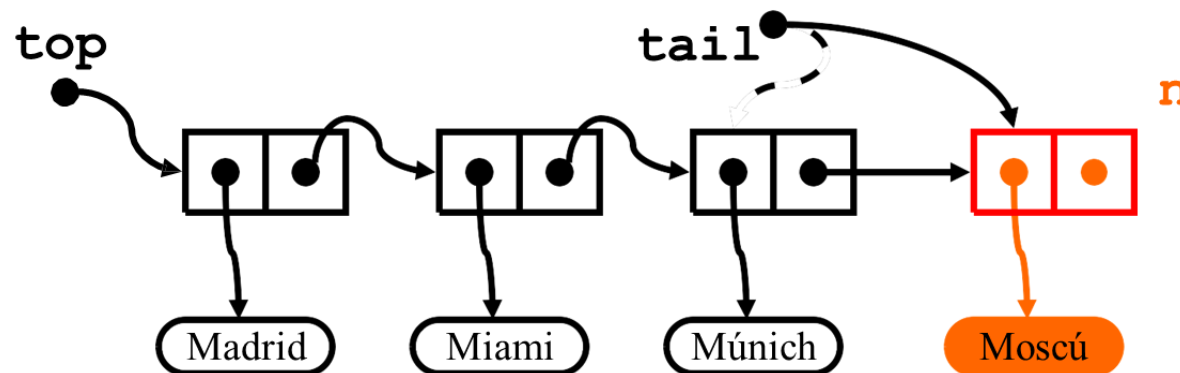
Inserción (enqueue)



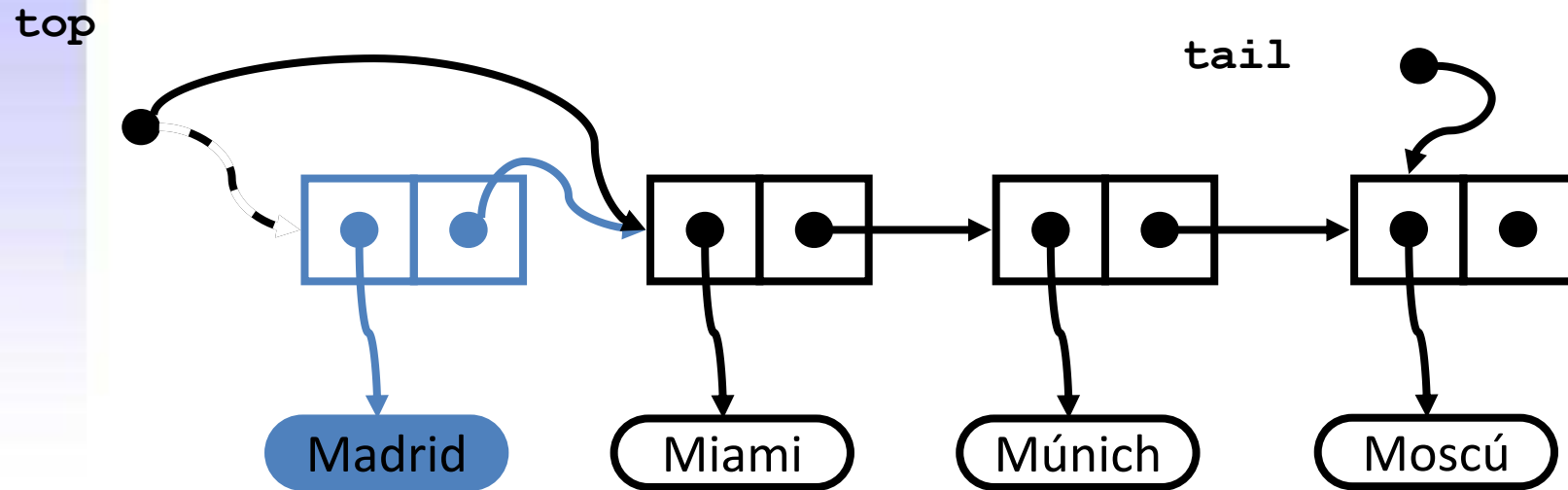
LinkedList (II)

```
...  
public void enqueue (E info){  
    Node<E> n = new Node<E>(info, null);  
    if (isEmpty()){  
        top = n;  
    } else{  
        tail.setNext(n);  
    }  
    tail = n;  
    size++;  
}  
...
```

Métodos de la interfaz
Queue a implementar (II)



Extracción (dequeue)

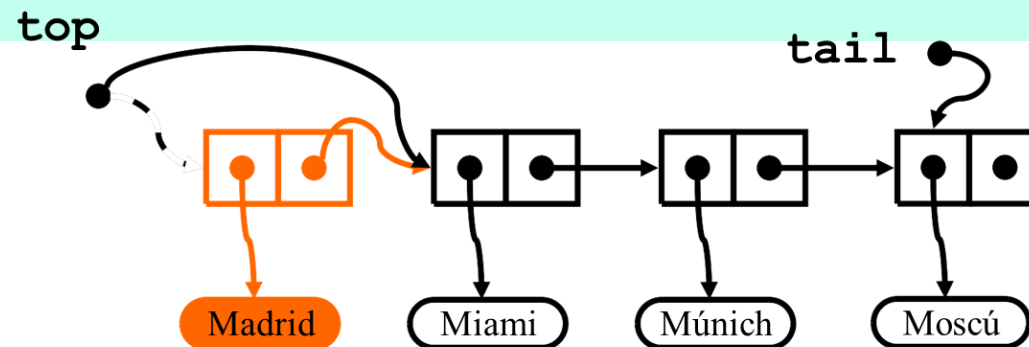


LinkedList (III)



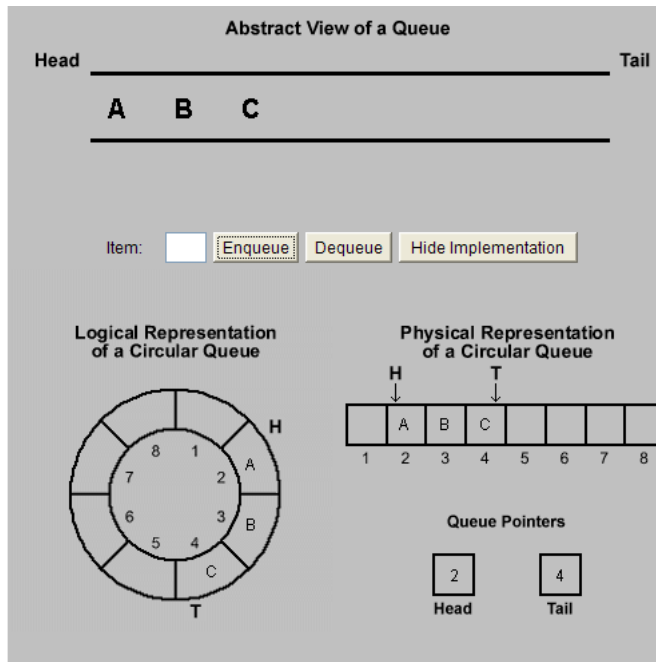
```
...  
public E dequeue(){  
    E info;  
    if (isEmpty()){  
        info = null;  
    } else{  
        info = top.getInfo();  
        top = top.getNext();  
        size--;  
        if (isEmpty()){  
            tail = null;  
        }  
    }  
    return info;  
}  
}
```

Métodos de la interfaz
Queue a implementar (III)



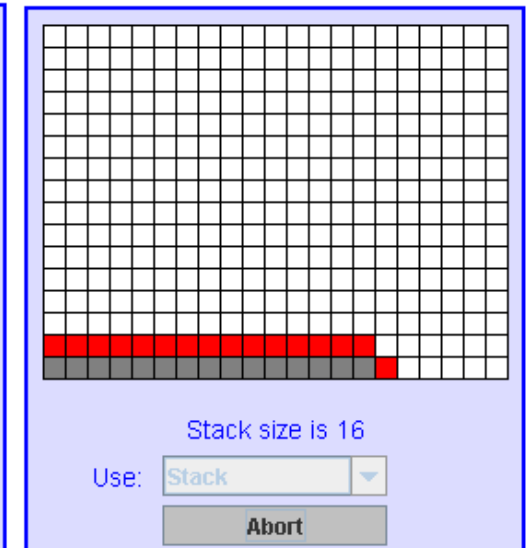
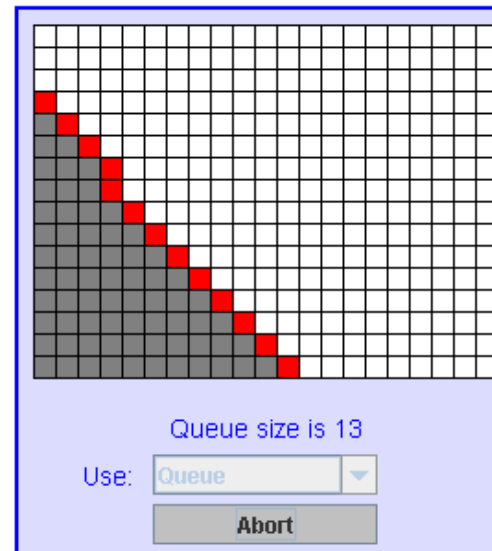
Actividad

<http://courses.cs.vt.edu/csonline/DataStructures/Lessons/QueuesImplementationView/applet.html>



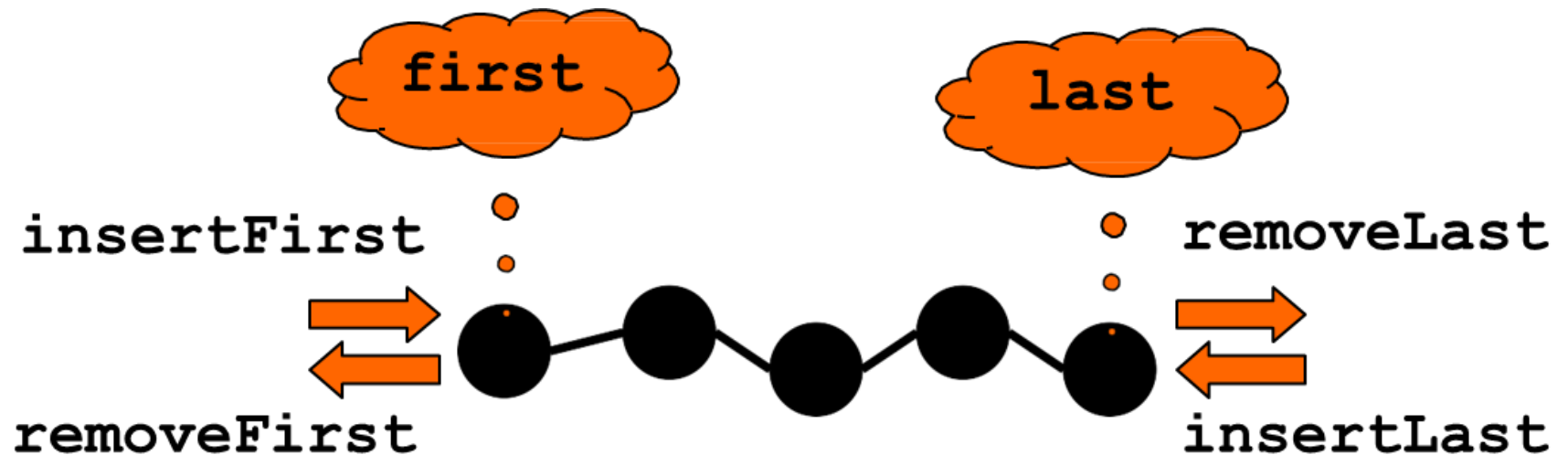
DepthBreadth.java en

<http://www.faqs.org/docs/javap/c11/s3.html>



Colas dobles (*deque*)

- Estructura de datos lineal
 - *Deque* (*double-ended queue*)
- Inserción y extracción por cualquiera de los extremos



Interfaz para colas dobles

```
public interface Deque<E> {  
    public boolean isEmpty();  
    public int size();  
    public E first();  
    public E last();  
    public void insertFirst(E info);  
    public void insertLast(E info);  
    public E removeFirst();  
    public E removeLast();  
}
```



Interfaz para colas dobles

Stack	Deque
<code>size()</code>	<code>size()</code>
<code>isEmpty()</code>	<code>isEmpty()</code>
<code>top()</code>	<code>last()</code>
<code>push(x)</code>	<code>insertLast(x)</code>
<code>pop()</code>	<code>removeLast()</code>

Queue	Deque
<code>size()</code>	<code>size()</code>
<code>isEmpty()</code>	<code>isEmpty()</code>
<code>front()</code>	<code>first()</code>
<code>enqueue(x)</code>	<code>insertLast(x)</code>
<code>dequeue()</code>	<code>removeFirst()</code>



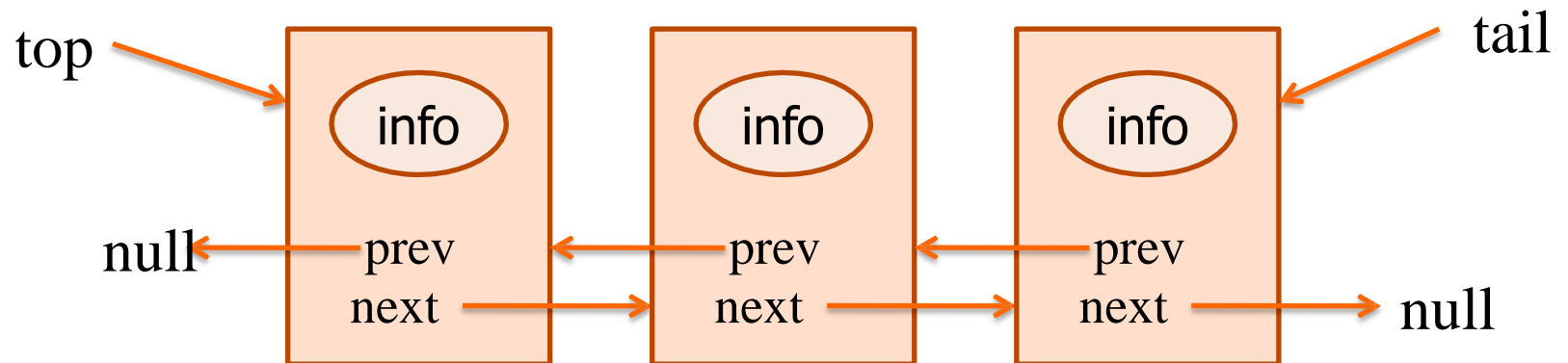
Implementación de colas dobles

- Las listas enlazadas no son apropiadas porque **removeLast** necesita recorrer la lista completa para obtener la referencia del penúltimo
- Solución: **listas doblemente enlazadas**



Listas doblemente enlazadas

- Listas enlazadas en que cada nodo, además de almacenar el dato y la referencia del siguiente nodo, almacena también la referencia del nodo anterior
 - Permiten recorrer la lista en ambos sentidos
 - Reducen el coste de extracción del último nodo



La clase DLNode

```
public class DLNode<E> {  
    private E info;  
    private DLNode<E> prev;  
    private DLNode<E> next;  
  
    public DLNode() {...}  
    public DLNode(E info) {...}  
    public DLNode(E info, DLNode<E> prev, DLNode<E> next) {...}  
  
    public DLNode<E> getNext() {...}  
    public void setNext(DLNode<E> next) {...}  
    public DLNode<E> getPrev() {...}  
    public void setPrev(DLNode<E> prev) {...}  
    public E getInfo() {...}  
    public void setInfo(E info) {...}  
}
```



Ejercicio 1

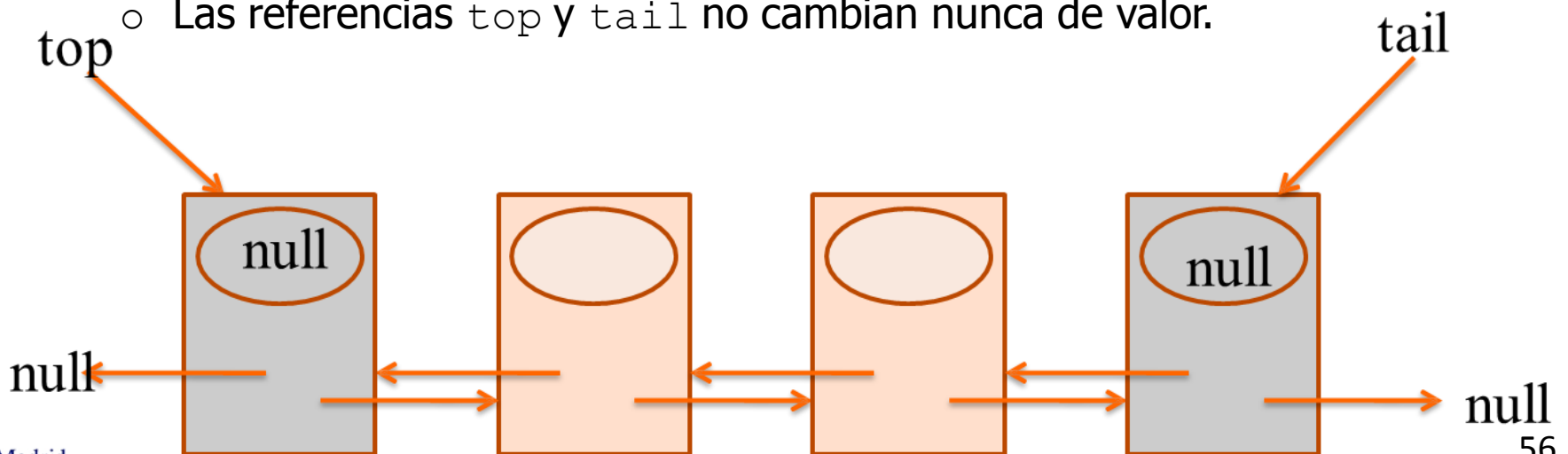


- Completa el código de la clase **DLNode**. Incluye tres constructores: uno que no recibe información para inicializar ningún atributo; otro que permite inicializar el atributo **info**, y otro que permite inicializar los tres atributos



Listas doblemente enlazadas

- La implementación de colas dobles basada en listas enlazadas se complica debido a la necesidad de comprobar siempre que existen los nodos anterior y posterior
- **Simplificación:** Crear dos nodos especiales, sin datos, de tal forma que uno esté siempre al principio y el otro siempre al final:
 - Una lista vacía sólo contiene estos dos nodos.
 - Está garantizado en cualquier operación de inserción o extracción que siempre existen el nodo anterior y siguiente.
 - Las referencias `top` y `tail` no cambian nunca de valor.



La clase cola doble (DLDeque) con listas doblemente enlazadas

```
public class DLDeque<E> implements Deque<E>{  
    private DLNode<E> top;  
    private DLNode<E> tail;  
    private int size;
```

Atributos

```
    public DLDeque() {  
        top = new DLNode<E>();  
        tail = new DLNode<E>();  
        tail.setPrev(top);  
        top.setNext(tail);  
        size = 0;  
    }
```

Constructor

...



Ejercicio 2



- Implementa los siguientes métodos de la clase

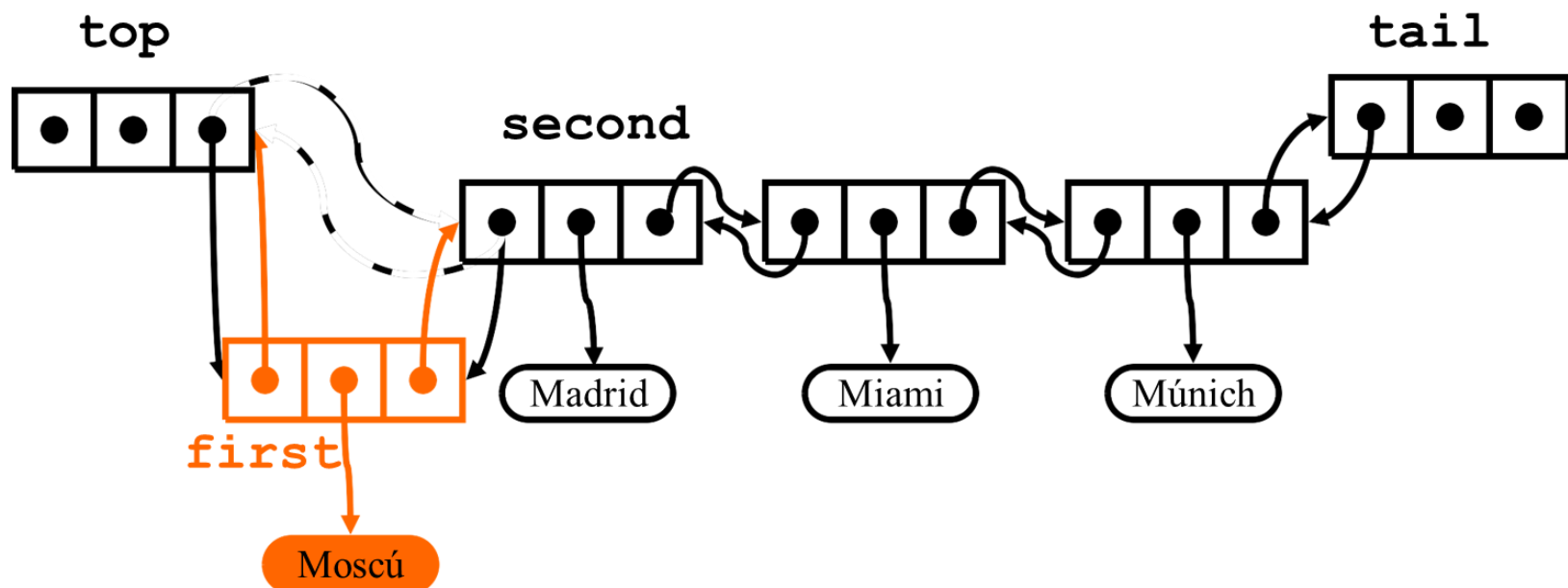
DLDeque:

- `boolean isEmpty()`
- `int size()`
- `E first()`
- `E last()`



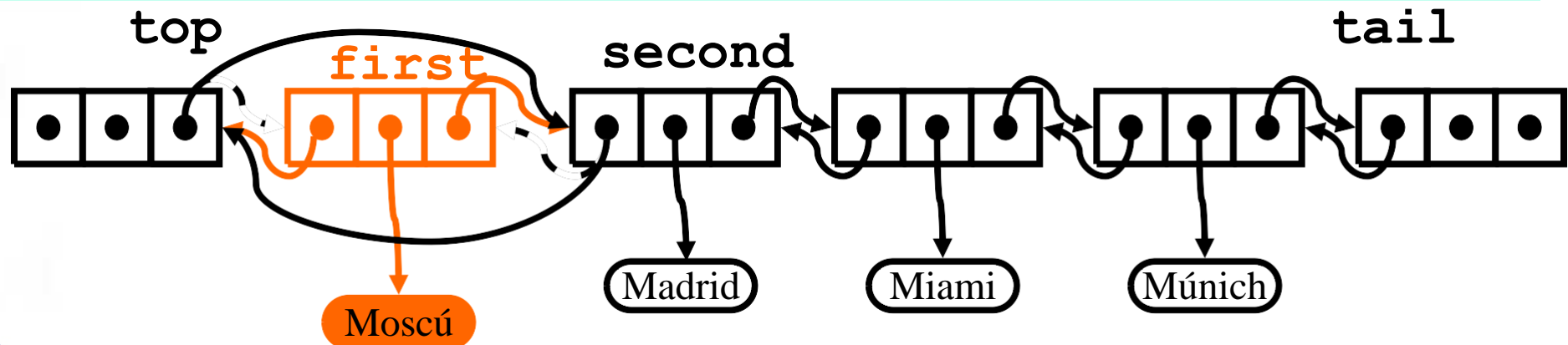
La clase cola doble (DLDeque) con listas doblemente enlazadas: Inserción por el principio

```
public void insertFirst(E info) {  
    DLNode<E> second = top.getNext();  
    DLNode<E> first = new DLNode<E>(info, top, second);  
    second.setPrev(first);  
    top.setNext(first);  
    size++;  
}
```



La clase cola doble (DLDeque) con listas doblemente enlazadas: Extracción por el principio

```
public E removeFirst() {  
    E info;  
    if (top.getNext() == tail){  
        info = null;  
    } else {  
        DLNode<E> first = top.getNext();  
        info = first.getInfo();  
        DLNode<E> second = first.getNext();  
        top.setNext(second);  
        second.setPrev(top);  
        size--;  
    }  
    return info;  
}
```



Ejercicio 3



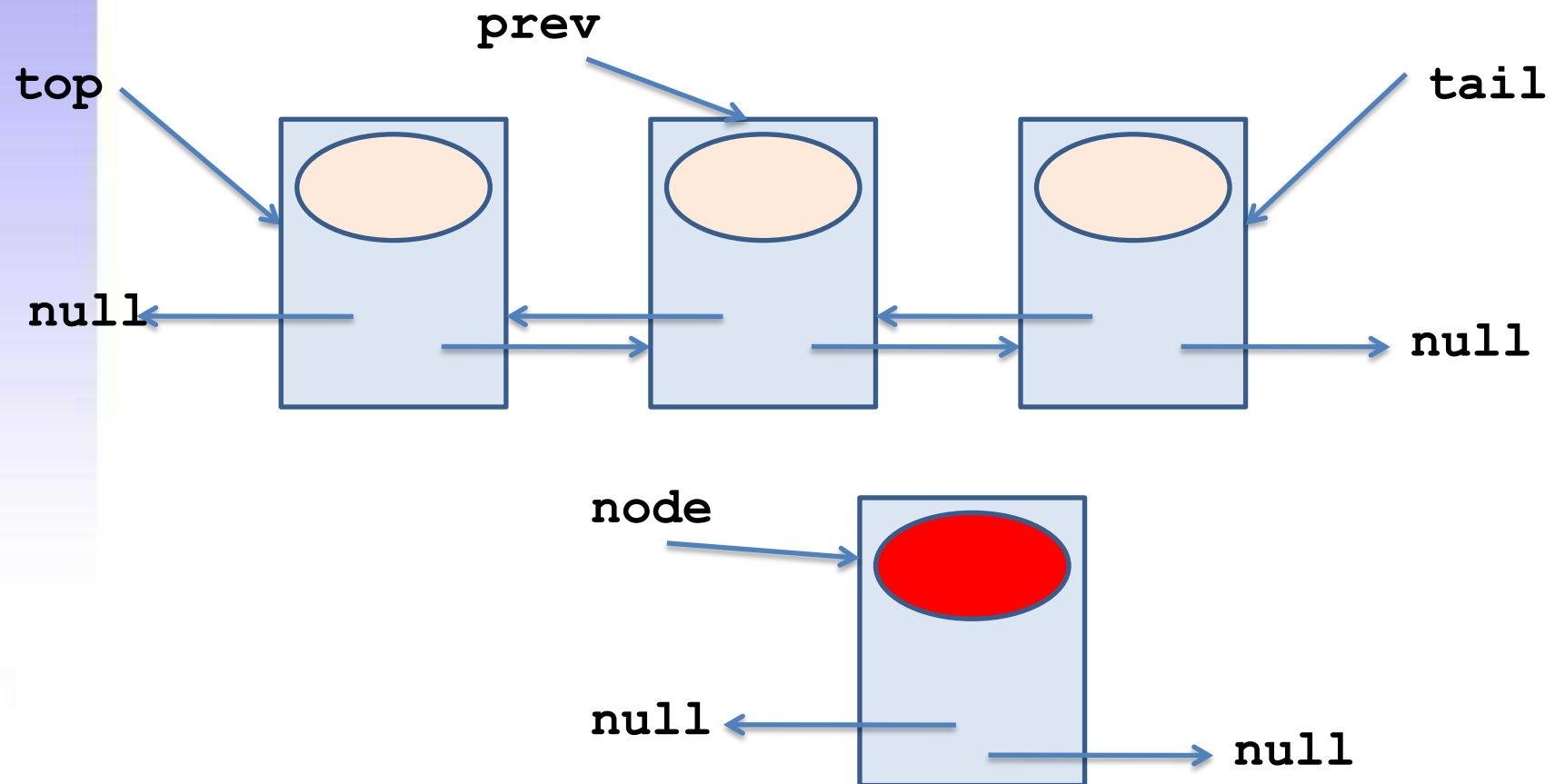
- Implementa los siguientes métodos de la clase

DLDeque:

- `void insertLast (E info)`
- *Para casa:*
 - *`E removeLast()`*

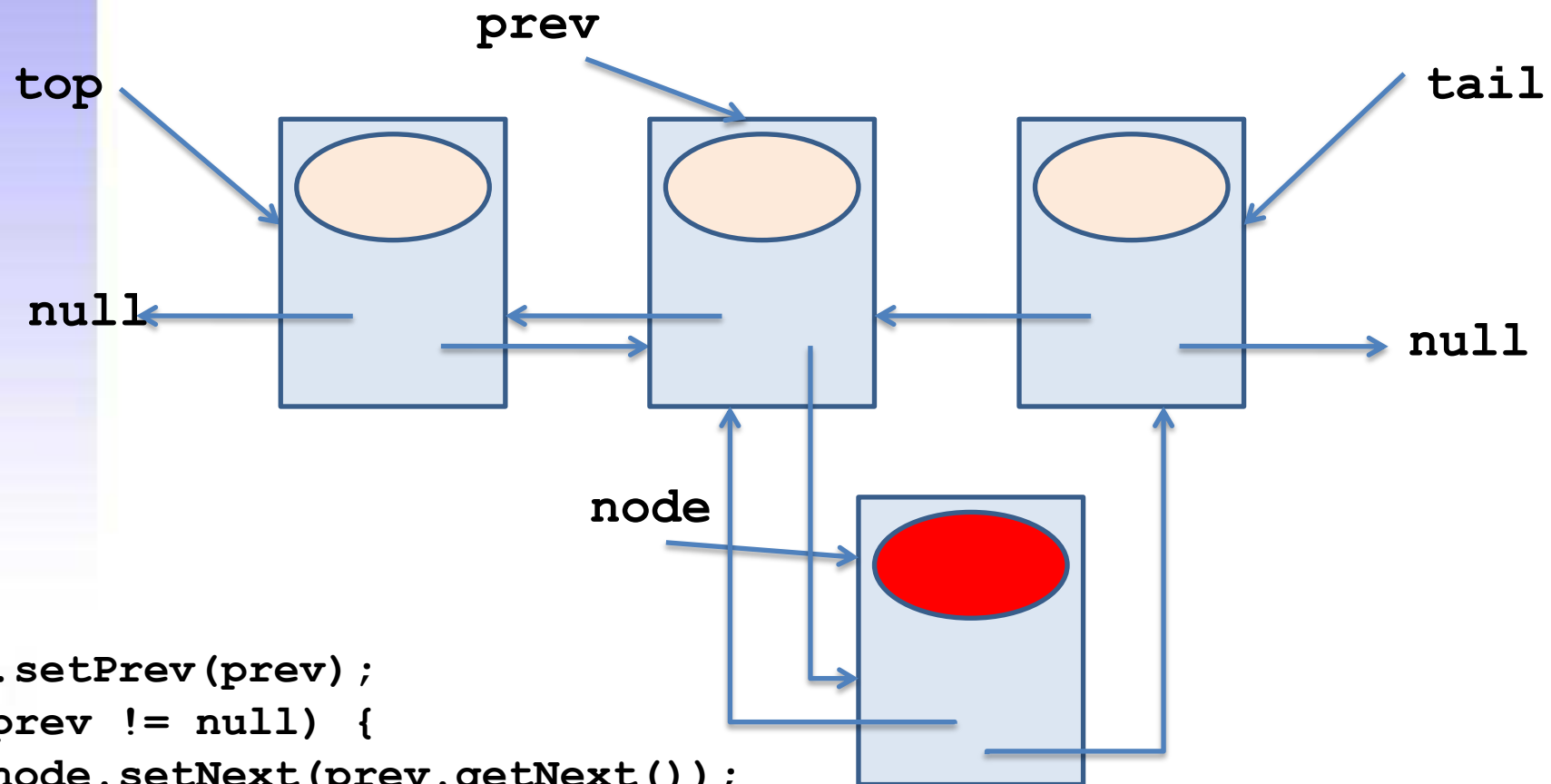


Inserción (sin nodos *dummy*)



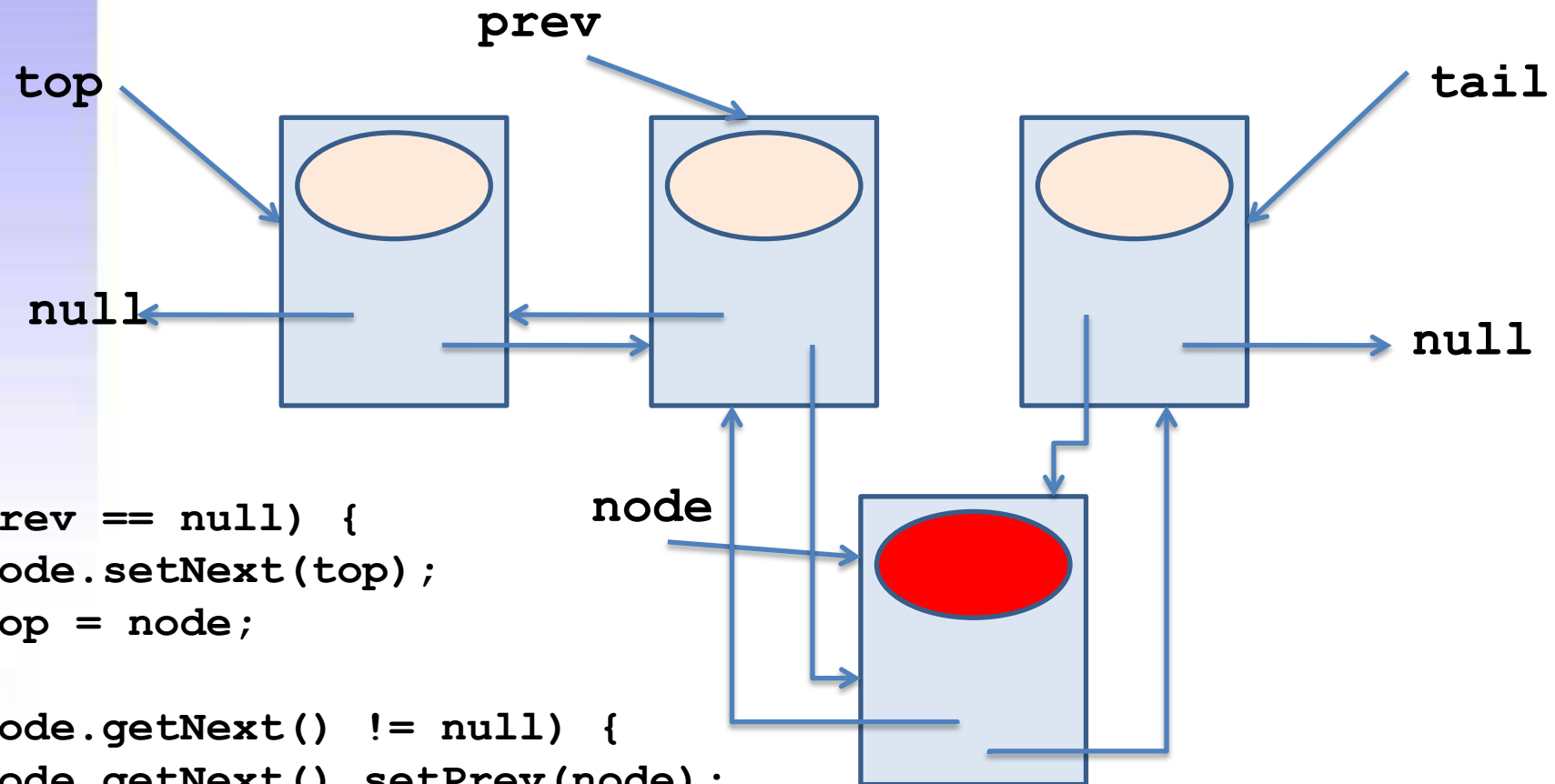
```
DLNode<E> node = new DLNode<E>(data);
```

Inserción (sin nodos *dummy*)



```
node.setPrev (prev) ;  
if (prev != null) {  
    node.setNext (prev.getNext ()) ;  
    prev.setNext (node) ;  
}
```

Inserción (sin nodos *dummy*)



```
if (prev == null) {  
    node.setNext(top);  
    top = node;  
}  
if (node.getNext() != null) {  
    node.getNext().setPrev(node);  
} else {  
    tail = node;  
}
```

