



# Programación de sistemas

## Genéricos



Departamento de Ingeniería Telemática

1



## Introducción a los genéricos (*generics*)

- Servicio proporcionado por Java (J2SE 5.0 y superiores)
- Permiten comprobar los tipos a los que pertenecen las instancias durante la compilación
  - Los fallos se producen **en tiempo de compilación** (se garantiza que siempre hay un tipo compatible durante la ejecución)



2



## Introducción a los genéricos (*generics*)

### Sin Genéricos

```
List list = new LinkedList();  
list.insert("test");  
Integer value = (Integer) list.extract();
```

Error en tiempo de ejecución  
"ClassCastException".  
Se detiene el programa

### Con Genéricos

```
List<Integer> list = new LinkedList<Integer>();  
list.insert("test");  
Integer value = list.extract();
```



Error en tiempo de compilación  
**"The method insert(Integer) in the type List<Integer>  
is not applicable for the arguments (String)"**  
Se detecta a tiempo antes de ejecutar el programa

3



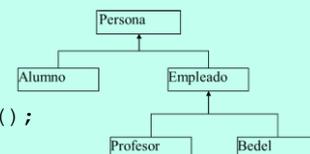
## Introducción a los genéricos (*generics*)

### Creación de una clase que utiliza genéricos

```
public class LinkedList<E>{  
    public void insert (E e) {...}  
    public E extract() {...}  
    ...  
}
```

### Uso de una clase que utiliza genéricos

```
LinkedList<Empleado> employees = new  
    LinkedList<Empleado> ();  
employees.insert(new Empleado());  
Empleado myEmployee = employees.extract();  
employees.insert(new Bedel());  
employees.insert(new Persona());  
employees.insert(new Object());
```



**Errores de compilación**



# Programación de sistemas

## Árboles



Departamento de Ingeniería Telemática

1



# Contenidos

- ❖ **Concepto de árbol**
- ❖ **Terminología**
- ❖ **Implementación**
- ❖ Casos especiales
  - Árboles binarios de búsqueda
  - Montículos (*heaps*)



6



## Concepto de árbol

Un **árbol** es una estructura de datos **no lineal** que almacena los elementos **jerárquicamente**

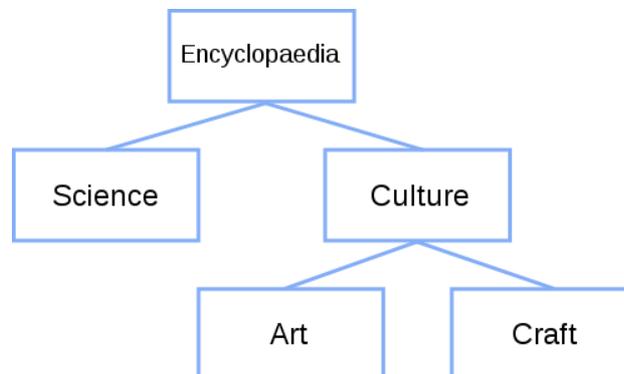


7



## Ejemplos

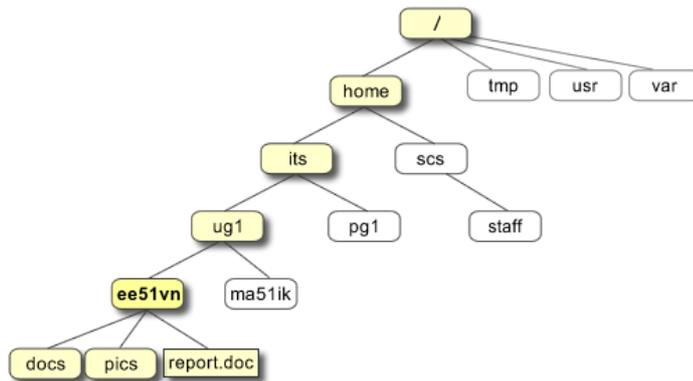
### 1. Clasificación de la información en una enciclopedia



8

## Ejemplos

### 2. Sistema de ficheros



9



## Ejemplos

3. Estructura organizativa de una empresa

4. Estructura de rangos del ejército

5. Estructura de un libro

...



10



## Definición no recursiva

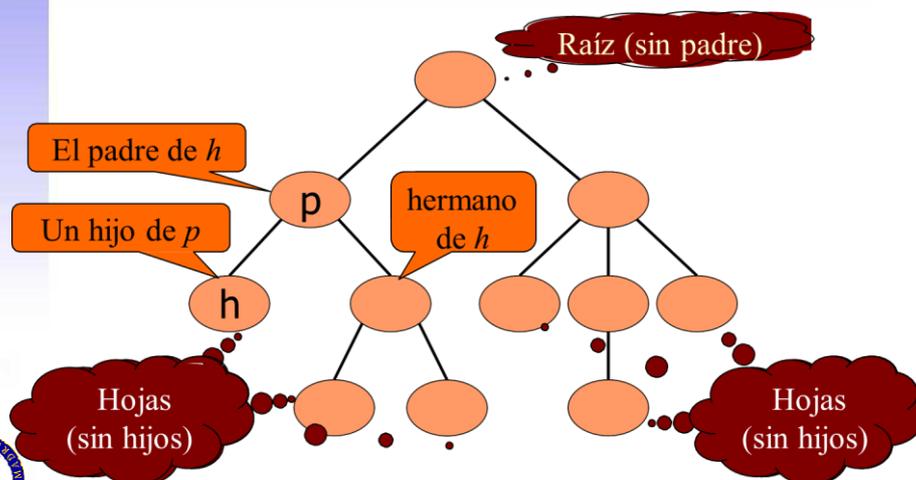
- Un árbol consiste en un conjunto de **nodos** y un conjunto de **aristas**, de forma que:
  - Se distingue un nodo llamado **raíz**
  - A cada nodo  $h$  (**hijo**), excepto la raíz, le llega una arista de otro nodo  $p$  (**padre**)
  - Para cada nodo hay un **camino** (secuencia de aristas) único desde la raíz.
  - Los nodos que no tienen hijos se denominan **hojas**



11



## Definición no recursiva

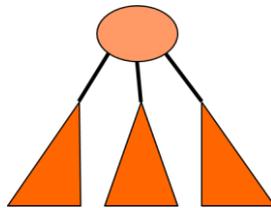


12



## Definición recursiva

- Un árbol es:
  - Vacío
  - Un nodo y cero o más árboles conectados al nodo mediante una arista

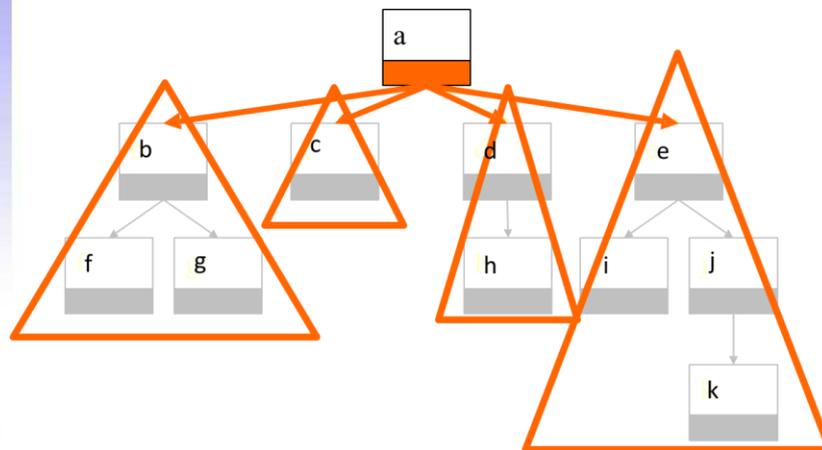


\* A los árboles que se conectan al nodo raíz los denominaremos también “subárboles”

13



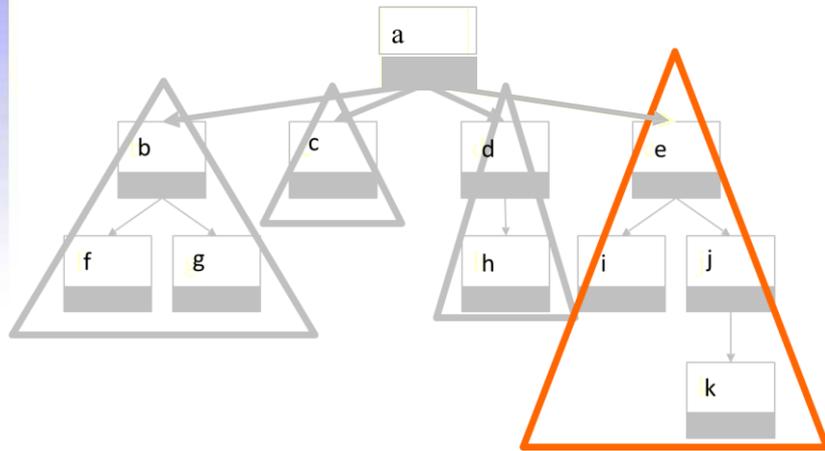
## Definición recursiva



14



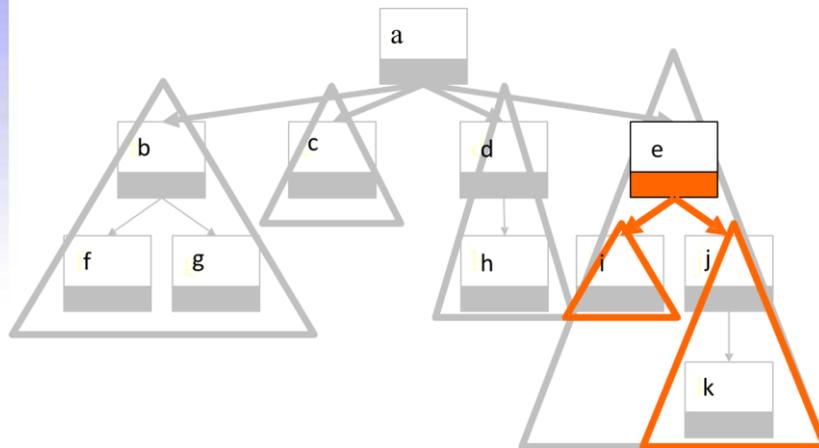
## Definición recursiva



15



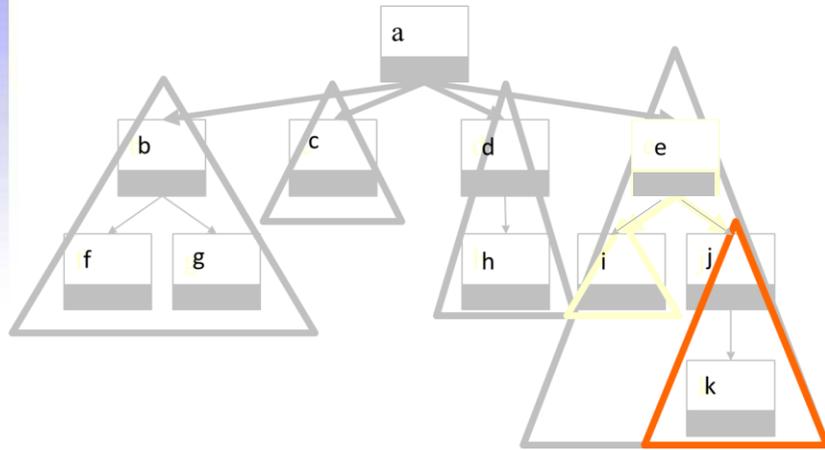
## Definición recursiva



16



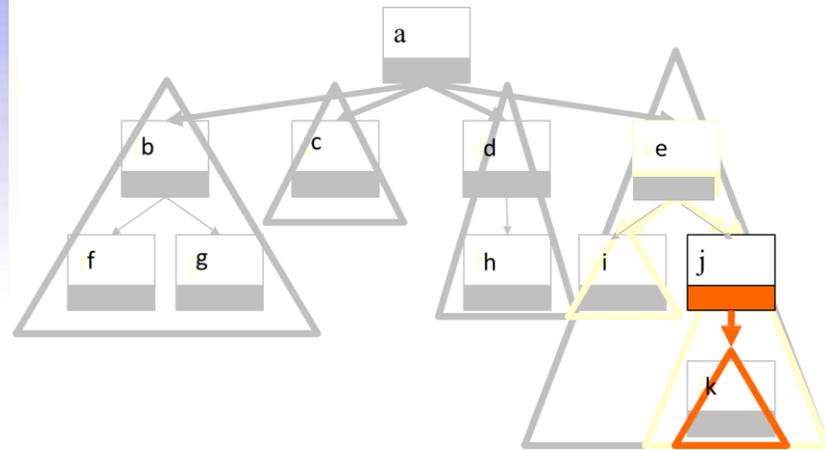
## Definición recursiva



17



## Definición recursiva



18



## Terminología

- Un nodo es **externo**, si no tiene hijos (es *hoja*)
  - Según la definición recursiva: si todos los subárboles conectados a ese nodo están vacíos
- Un nodo es **interno**, si tiene uno o más hijos
  - Según la definición recursiva: si alguno de los subárboles conectados a ese nodo no está vacío
- Un nodo es **ascendiente** de otro, si es padre de él o ascendiente de su padre.
- Un nodo es **descendiente** de otro, si este último es ascendiente del primero
- Los descendientes de un nodo forman un **subárbol** en el que ese nodo hace de raíz



19



## Terminología

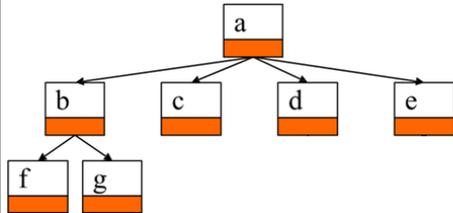
- Un **camino** de un nodo a otro, es una secuencia de aristas consecutivas que llevan del primero al segundo
  - La **longitud** del camino es el número de aristas
- La **profundidad** de un nodo es la longitud del camino de la raíz a ese nodo
- La **altura** de un árbol es el valor de la profundidad del nodo más profundo
- El **tamaño** de un árbol es el número de nodos que contiene



20



## Ejemplo



**Tamaño** del árbol: 7  
**Altura** del árbol: 2

Nodo	Altura	Profundidad	Tamaño	Int./Ext.
a	2	0	7	Interno
b	1	1	3	Interno
c	0	1	1	Externo
d	0	1	1	Externo
e	0	1	1	Externo
f	0	2	1	Externo
g	0	2	1	Externo

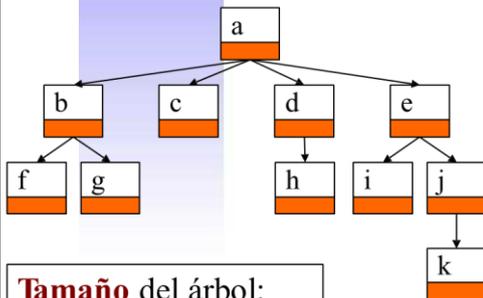


21



## Ejercicio 1

- Completa la tabla para el siguiente árbol



**Tamaño** del árbol:  
**Altura** del árbol:

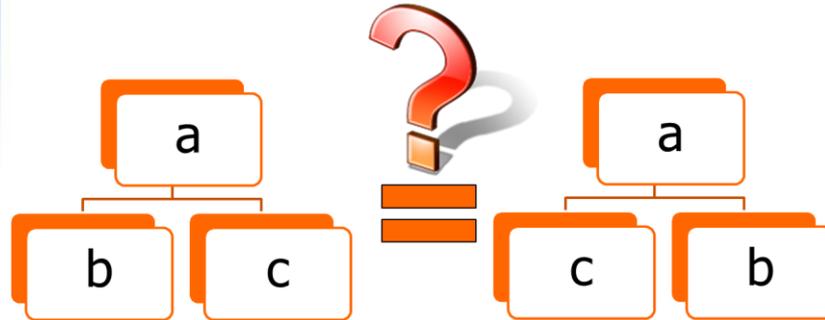
Nodo	Altura	Profundidad	Tamaño	Int./Ext.
a				Interno
b	1	1	3	Interno
c	0	1	1	Externo
d				
e				
f	0	2	1	Externo
g	0	2	1	Externo
h				
i				
j				
k				





## Terminología: Árbol ordenado

- Un árbol es **ordenado**, si para cada nodo existe un orden lineal para todos sus hijos



23



## Terminología: Árbol binario

- Un árbol **binario** es un árbol ordenado en el que cada nodo tiene 2 árboles (izquierdo y derecho).
  - Árbol binario según la definición recursiva de árbol
  - Los árboles izquierdo y/o derecho pueden estar vacíos



\* En general, suponemos árboles binarios para simplificar la implementación de los árboles

24



## La interfaz BTree

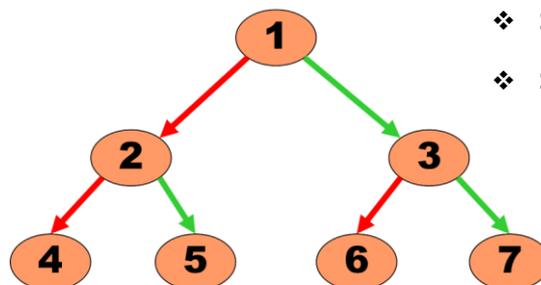
```
public interface BTree<E> {  
  
    static final int LEFT = 0;  
    static final int RIGHT = 1;  
  
    boolean isEmpty();  
    E getInfo() throws BTreeException;  
    BTree<E> getLeft() throws BTreeException;  
    BTree<E> getRight() throws BTreeException;  
  
    void insert(BTree<E> tree, int side) throws BTreeException;  
    BTree<E> extract(int side) throws BTreeException;  
  
    String toStringPreOrder();  
    String toStringInOrder();  
    String toStringPostOrder();  
    String toString(); // preorder  
  
    int size();  
    int height();  
  
    boolean equals(BTree<E> tree);  
    boolean find(BTree<E> tree);  
}
```

25



## Una interfaz varias implementaciones

- Implementación basada en arrays



- ❖ Subárbol izquierdo  
✓ Posición nodo raíz \* 2
- ❖ Subárbol derecho  
✓ Posición nodo raíz \* 2 + 1

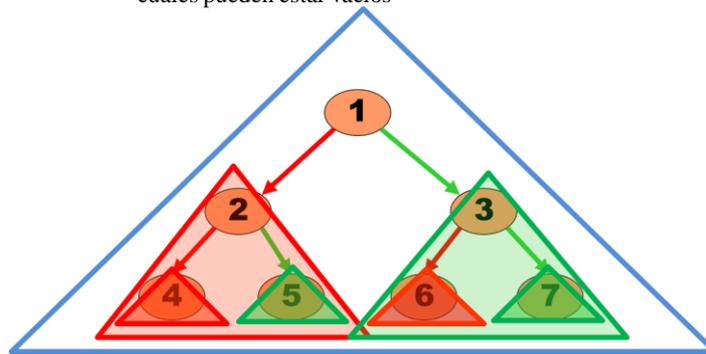


26



## Una interfaz varias implementaciones

- Implementación basada en nodos enlazados
  - *Linked Binary Node (LBNode)*
  - *Linked Binary Tree (LBTree)*
    - ✓ Cada árbol (*LBTree*) tiene un nodo raíz (atributo *LBNode*)
    - ✓ Cada nodo raíz *LBNode* apunta a dos árboles (atributos *LBTree*), los cuales pueden estar vacíos



27



## La clase LBNode

```
public class LBNode<E> {  
  
    private E info;  
    private BTree<E> left;  
    private BTree<E> right;  
  
    public LBNode(E info, BTree<E> left, BTree<E> right) {...}  
    public E getInfo() {...}  
    public void setInfo(E info) {...}  
    public BTree<E> getLeft() {...}  
    public void setLeft(BTree<E> left) {...}  
    public BTree<E> getRight() {...}  
    public void setRight(BTree<E> right) {...}  
}
```

28



## Ejercicio 2

- Completa la implementación de la clase **LBNode**.

29



## La clase LBTREE

```
public class LBTREE<E> implements BTree<E> {  
  
    private LBNODE<E> root;  
  
    public LBTREE() {  
        root = null;  
    }  
  
    public LBTREE(E info) {  
        root = new LBNODE<E>(info, new LBTREE<E>(), new LBTREE<E>());  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return (root == null);  
    }  
    ...  
}
```

30



## La clase LBTre

```
...
public E getInfo() throws BTreeException {
    if (isEmpty()) {
        throw new BTreeException("empty trees do not have info");
    }
    return root.getInfo();
}

public BTree<E> getLeft() throws BTreeException {
    if (isEmpty()) {
        throw new BTreeException("empty trees do not have a left child");
    }
    return root.getLeft();
}

public BTree<E> getRight() throws BTreeException {
    if (isEmpty()) {
        throw new BTreeException("empty trees do not have a right child");
    }
    return root.getRight();
}
...

```

31



## Algoritmos básicos

- Tamaño: **size()**
- Altura: **height()**
- Recorridos
  - Pre-orden: **toStringPreOrder()**
  - In-orden: **toStringInOrder()**
  - Post-orden: **toStringPostOrder()**



32



## La clase LBTre: size()

```
public int size() {  
    if (isEmpty()) {  
        return 0;  
    } else {  
        return 1  
            + root.getLeft().size()  
            + root.getRight().size();  
    }  
}
```



33



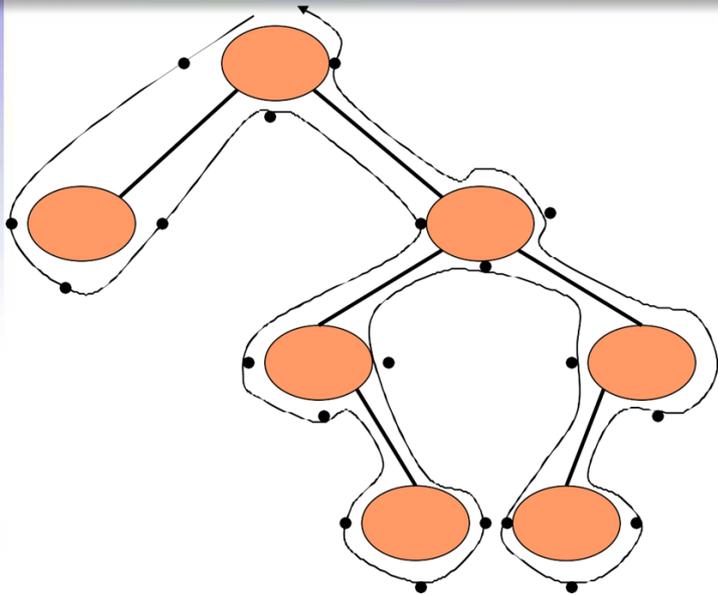
## La clase LBTre: height()

```
public int height() {  
    if (isEmpty()) {  
        return -1;  
    } else {  
        int leftHeight = root.getLeft().height();  
        int rightHeight = root.getRight().height();  
        if (leftHeight > rightHeight) {  
            return 1 + leftHeight;  
        } else {  
            return 1 + rightHeight;  
        }  
    }  
}
```

34



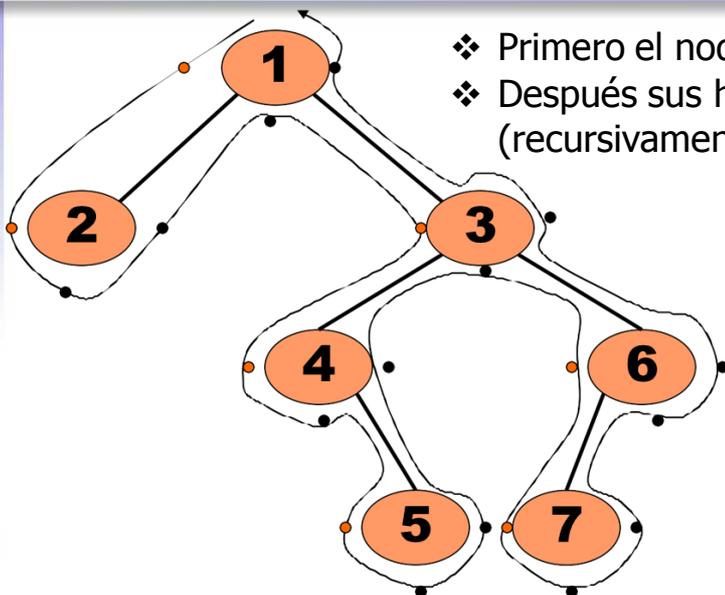
## Recorrido de Euler



35



## Recorrido Pre-orden



- ❖ Primero el nodo raíz
- ❖ Después sus hijos (recursivamente)

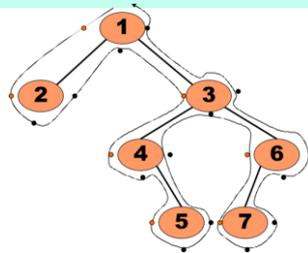


36



## La clase LBTre: toStringPreOrder()

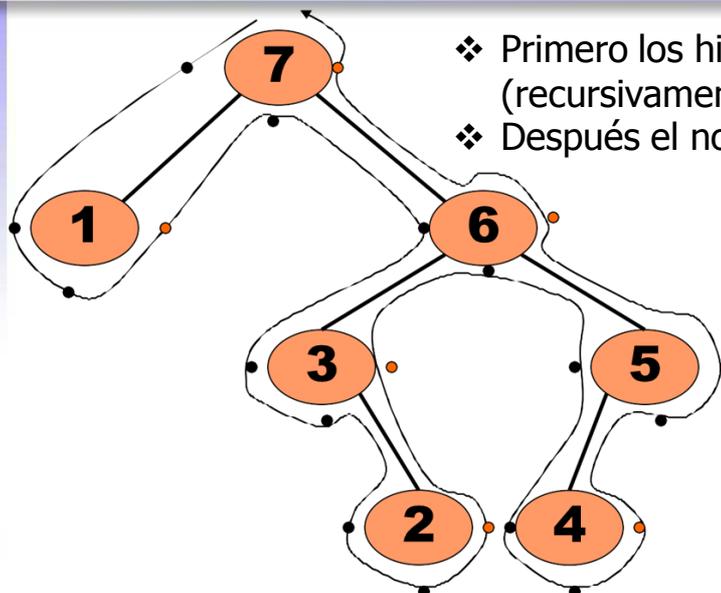
```
public String toStringPreOrder() {  
    if (isEmpty()) {  
        return "";  
    } else {  
        return root.getInfo().toString() + " " +  
            root.getLeft().toStringPreOrder() +  
            root.getRight().toStringPreOrder();  
    }  
}
```



37



## Recorrido Post-orden



- ❖ Primero los hijos (recursivamente)
- ❖ Después el nodo raíz

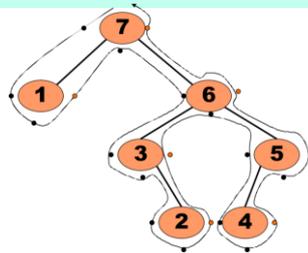


38



## La clase LBTre: toStringPostOrder()

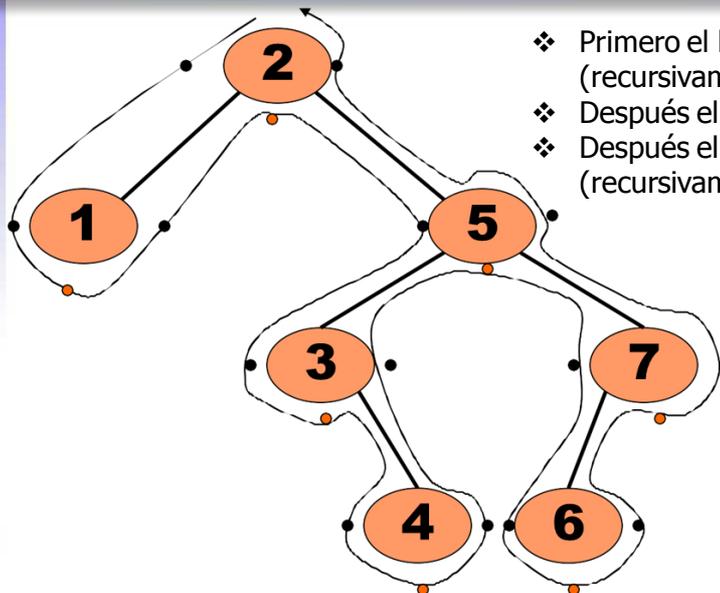
```
public String toStringPostOrder() {  
    if (isEmpty()) {  
        return "";  
    } else {  
        return root.getLeft().toStringPostOrder() +  
            root.getRight().toStringPostOrder() +  
            root.getInfo().toString() + " ";  
    }  
}
```



39



## Recorrido In-orden (simétrico)



- ❖ Primero el hijo izquierdo (recursivamente)
- ❖ Después el nodo raíz
- ❖ Después el hijo derecho (recursivamente)

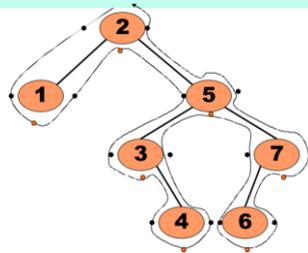


40



## La clase LBTree: toStringInOrder()

```
public String toStringInOrder() {  
    if (isEmpty()) {  
        return "";  
    } else {  
        return root.getLeft().toStringInOrder() +  
            root.getInfo().toString() + " " +  
            root.getRight().toStringInOrder();  
    }  
}
```

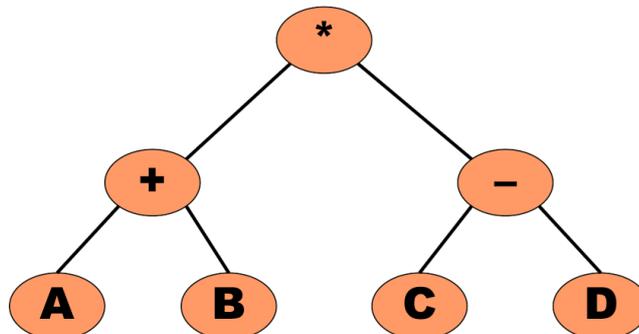


41



## Ejercicio 3

- Dado el siguiente árbol binario, indica qué recorrido (pre-orden, in-orden, post-orden) produce el resultado  $(A+B)*(C-D)$ .



42



## Ejemplo

Infijo	Prefijo	Postfijo
$A+B$	$+AB$	$AB+$
$A+B-C$	$--+ABC$	$AB+C-$
$(A+B)*(C-D)$	$*+AB-CD$	$AB+CD-*$

4  
3